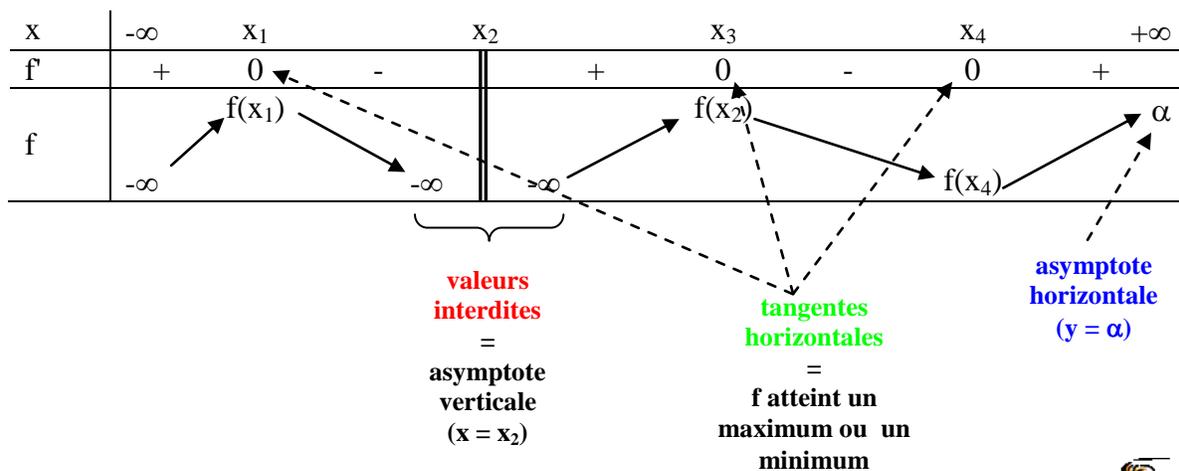


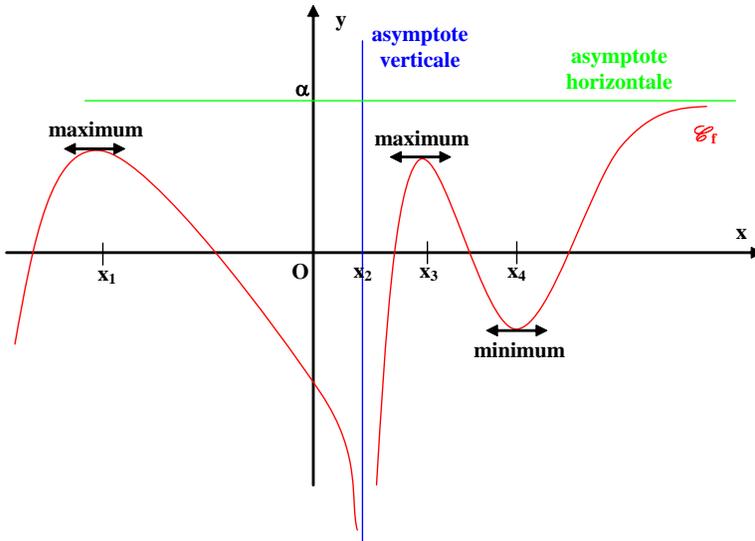
# DERIVATION

- Dérivées usuelles:

f	f'	f	f'
$x$	$1$	$ku$	$ku'$
$x^n$	$nx^{n-1}$	$u+v$	$u'+v'$
$\sqrt{x}$	$\frac{1}{2\sqrt{x}}$	$\sqrt{u}$	$\frac{u'}{2\sqrt{u}}$
$\frac{1}{x}$	$-\frac{1}{x^2}$	$uv$	$u'v+uv'$
$\frac{1}{x^n}$	$-\frac{n}{x^{n+1}}$	$\frac{1}{v}$	$-\frac{v'}{v^2}$
$e^x$	$e^x$	$\frac{u}{v}$	$\frac{u'v-uv'}{v^2}$
$\ln x$	$\frac{1}{x}$	$u^n$	$nu'u^{n-1}$
$\cos(ax+b)$	$-a \sin(ax+b)$	$\frac{1}{u^n}$	$-\frac{nu'}{u^{n+1}}$
$\sin(ax+b)$	$a \cos(ax+b)$	$e^u$	$u'e^u$
$\tan(ax+b)$	$a[1 + \tan^2(ax+b)] = \frac{a}{\cos^2(ax+b)}$	$\ln u $	$\frac{u'}{u}$
		$u \circ v(x) = u(v(x))$	$v'(x) \cdot u'(v(x))$

- Sens de variation: donné par le signe de la dérivée





**A retenir**

$f'(x) \geq 0$  : f croissante

$f'(x) \leq 0$  : f décroissante

$f'(x) = 0$  : minimum ou maximum

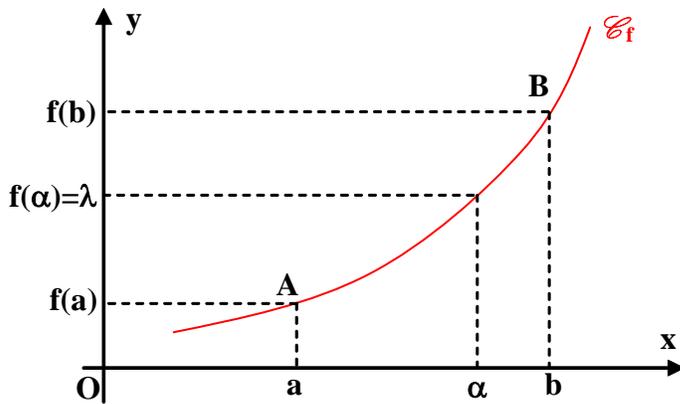
Asymptote horizontale :  $y = \alpha$

Asymptote verticale :  $x = \beta$

- Résolution de  $f(x) = \lambda$

Si f est strictement croissante sur  $[a;b]$  ( $f'(x) > 0$ ) et si  $\lambda \in [f(a);f(b)]$  alors l'équation  $f(x) = \lambda$  admet une solution unique  $\alpha \in [a;b]$  :  $f(\alpha) = \lambda$ .

Si f est strictement décroissante sur  $[a;b]$  ( $f'(x) < 0$ ) et si  $\lambda \in [f(b);f(a)]$  alors l'équation  $f(x) = \lambda$  admet une solution unique  $\alpha \in [a;b]$  :  $f(\alpha) = \lambda$ .



**f strictement croissante sur  $[a;b]$**

x	a	$\alpha$	b
$f'(x)$		+	
f(x)	f(a)	f( $\alpha$ )= $\lambda$	f(b)

**$f(x) = \lambda$  admet une seule solution sur  $[a;b]$**

