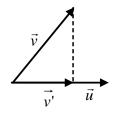
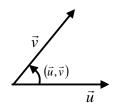
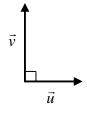
PRODUIT SCALAIRE

- Dans un repère orthonormé: $\vec{u} \begin{vmatrix} x \\ y \cdot \vec{v} \end{vmatrix} y' = xx' + yy' + zz'$
- Relations de base:









$$\vec{u} \cdot \vec{v} = \vec{u} \cdot \vec{v'}$$

si
$$\vec{u}$$
 et \vec{v} sont non nuls:
 $\vec{u} \cdot \vec{v} = ||\vec{u}|| \times ||\vec{u}|| \times \cos(\vec{u}, \vec{v})$

$$\vec{u} \perp \vec{v} \Leftrightarrow \vec{u} \cdot \vec{v} = 0$$

Inégalité triangulaire :
$$\|\vec{u} + \vec{v}\| \le \|\vec{u}\| + \|\vec{v}\|$$

- $\vec{u} \cdot \vec{v} = \frac{1}{2} (||\vec{u} + \vec{v}||^2 ||\vec{u}||^2 ||\vec{v}||^2) = \frac{1}{2} (||\vec{u}||^2 + ||\vec{v}||^2 ||\vec{u} \vec{v}||^2) = \frac{1}{4} (||\vec{u} + \vec{v}||^2 ||\vec{u} \vec{v}||^2)$
- Les mêmes règles que pour la multiplication des réels s'appliquent au produit scalaire:
 - o $\vec{u} \cdot \vec{v} = \vec{v} \cdot \vec{u}$ (commutativité)
 - $\circ \quad \vec{u} \cdot (\vec{v} + \vec{w}) = \vec{u} \cdot \vec{v} + \vec{u} \cdot \vec{w} \text{ (distributivit\'e)}$
 - $\circ \quad (\lambda \vec{u}) \cdot \vec{v} = \lambda \vec{u} \cdot \vec{v}$
 - $\circ \quad \text{si } \vec{u} \cdot \vec{u} = 0 \text{ alors } \vec{u} = \vec{0}$

0

• Inégalité de Cauchy-Schwartz: $|\vec{u} \cdot \vec{v}| \le ||\vec{u}|| ||\vec{v}||$

